

ovvero, nel caso nostro, vista la (2),

$$i \quad \frac{dG}{du} = \frac{F}{E} \frac{dv}{du} \quad \text{e} \quad \frac{dG}{dv} = \frac{F}{E} \frac{du}{dv}$$

Ponendo per un momento

$$A^2 = u^2 + v^2 + a^2, \text{ si trova}$$

$$\frac{dE}{dv} \sim \frac{2J^2 Q^2 - 2U^2 V}{A^*} \quad \frac{dG}{du} \sim \frac{2J^2 Q^2}{A^*}$$

donde

$$\frac{dG}{du} = \frac{F}{E} \frac{dE}{dv} = \frac{2a}{v^2} \frac{dA}{a^2 du}$$

quindi

$$i \quad i \quad A^3 \quad d^2 \& \quad i$$

Dunque le nostre superficie sono quelle di curvatura costante. In particolare, se  $J^2$  è quantità reale, le forinole (25) competono a tutte le superficie applicabili sulla sfera di raggio  $R$ .

## XV.

È noto che le espressioni finite in  $u, v$  delle coordinate ordinarie  $X, Y, Z$  relative alle superficie di curvatura costante non sono ancora state determinate in generale. Quelle relative alla superficie sferica tipo sono le seguenti :

$$Ru$$

$$z = \frac{V}{u} \quad \text{e} \quad \frac{V}{u} = \frac{4}{a^2} Ra$$

donde eliminando  $u, v$ , si trae

$$(x - \xi)^2 + (y - \eta)^2 + (z - \gamma)^2 = R^2$$